# МОДЕЛИ ГЕОМАГНИТНЫХ ВАРИАЦИЙ, ОБУСЛОВЛЕННЫЕ ПРОЦЕССАМИ В ЗЕМНЫХ ОБОЛОЧКАХ

### Шереметьева О.В.

Камчатский государственный университет им. Витуса Беринга, Петропавловск-Камчатский, sheremolga@yandex.ru

### Введение

К решению актуальной проблемы прогноза землетрясений подходят с двух сторон: вопервых, исследуют процессы, происходящие в очаговой области землетрясения, во-вторых, ищут предвестники в регистрируемых временных рядах данных. На сегодняшний день единой точки зрения на теорию строения геофизической среды не существует. Однако большинство исследователей считают, что землетрясение - это подвижка по разрыву или системе разрывов [1]. Неясными остаются детали самого процесса разрыва. В частности, методы сейсмологии позволяют лишь приблизительно определить параметры разрыва. В связи с этим, ценной является любая дополнительная информация о процессах в очаге землетрясения, которая может быть получена путём регистрации и интерпретации вариаций магнитного поля в области пространства вблизи очага и электромагнитных излучений из очаговой области, сопровождающих землетрясения. Но интерпретировать регистрируемые данные невозможно без построения моделей источников таких геомагнитных вариаций и разделения в вариациях планетарного и местного вкладов на основании анализа свойств моделей.

## Модель литосферного источника вариаций

Рассмотрим очаг землетрясения сложенный магнитоактивными породами, такими, как габбро, гранодиорит, биотитовый и лейкократовый граниты, габбро-диорит [5]. Породы земной коры и литосферы, обладающие ферромагнитными свойствами, намагничиваются статичным магнитным полем Земли и, в результате действия коэрцитивных сил, магнитный момент области, представленной магнитоактивными материалами, оказывается «вмороженным» в вещество [3]. В процессе подвижки по разрыву при землетрясении, а также и при медленных движениях, сброс упругих напряжений сопровождается вращением вещества очаговой зоны и, соответственно, вектора магнитного момента **M**(t) этой области, что приводит к возмущениям магнитного поля в окружающем пространстве.

В разрабатываемой модели изменение вектора магнитного момента  $\mathbf{M}(t)$  во времени происходит по закону  $\Delta \mathbf{M}(t) = [\mathbf{M}(t) \times (\Delta \phi(t) \mathbf{k})]$ , где  $\mathbf{k}$  – единичный вектор, перпендикулярный поверхности, в которой происходит вращение вектора  $\mathbf{M}(t)$ ;  $\phi(t)$  – зависимость изменения угла поворота от времени, которую аппроксимируем следующими зависимостями, обеспечивающими плавное изменение со временем угла  $\phi(t)$ , непрерывность его первой производной и кусочную непрерывность второй производной,

$$\varphi(t) = \begin{cases} \frac{\beta}{2} \cdot \frac{(t - t_0)^2}{\tau^2}, & t_0 \le t \le t_0 + \phi \\ -\frac{\beta}{2} \cdot \frac{(t - (t_0 + 2\tau))^2}{\phi^2} + \beta, & t_0 + \phi < t \le t_0 + 2\phi \end{cases}$$

где  $\beta$  – угол поворота вектора **M**(t) в результате подвижки на вектор 2d, 2 $\tau$  - полное время поворота на угол  $\beta$ .

Магнитный момент  $\mathbf{M}(t)$  ферромагнетиков очаговой области создаёт в окружающем пространстве собственное магнитное поле с индукцией  $\mathbf{B}_{cofcr}$ . Вращение вещества очаговой области в момент землетрясения (рис. 1) приводит к вращению «вмороженного» в него магнитного момента  $\mathbf{M}(t)$  и соответственно к изменению вектора  $\mathbf{B}_{cofcr}$  индукции магнитного поля в каждой точке окружающего пространства, что, в результате, приводит к вариациям  $d\mathbf{B}_{cofcr}$  магнитной индукции. Вариации индукции магнитного поля оценивались по формуле  $d\mathbf{B}_{cofcr} = [\mathbf{B}_{cofcr} \times d\mathbf{\phi}(t)]$ . Запаздыванием потенциалов пренебрегали, т.е. оценка была выполнена в квазистатическом приближении. Для оценки значений вектор магнитной индукции  $\mathbf{B}_{cofcr}$ 

представляем дипольной составляющей изменяющегося магнитного поля [3]:  $\mathbf{B}_{\text{собст}} = \mu \mu_0 \cdot \frac{3\mathbf{r} \cdot (\mathbf{M} \cdot \mathbf{r}) - \mathbf{M} \cdot \mathbf{r}^2}{r^5}, \quad \text{где } \mathbf{r} - \text{радиус-вектор точки, в которой мы ищем значение}$ 



Рис. 1. Схематичное изображение очаговой области (очерчена пунктиром) и вектора магнитного момента **M**: *a*) до землетрясения – точки L и N расположены в центре разрыва на противоположных бортах точно друг напротив друга; *б*) после землетрясения.

вариаций  $d\mathbf{B}_{cofer}$  индукции магнитного поля,  $\mu_0$  – магнитная постоянная,  $\mu$  – относительная магнитная проницаемость вне очаговой области ( $\mu$  = 1).

Значения магнитной индукции  $\mathbf{B}_{cofer}$  рассчитывались при землетрясениях с магнитудами m = 5 и m = 6 на расстоянии r = 250 км от их очагов. При землетрясении с магнитудой m = 5 радиус его очаговой зоны составляет 4 - 5 км, с магнитудой m = 6 около 15 км [2]. Вариации d $\mathbf{B}_{cofer}$  магнитной индукции в результате подвижки оценивались по формуле d $\mathbf{B}_{cofer} = \mathbf{B}_{cofer} \cdot \boldsymbol{\beta}$ , в которой векторы магнитной индукции  $\mathbf{B}_{cofer}$  и угла поворота вещества очаговой зоны d $\boldsymbol{\phi}(t)$  полагались перпендикулярными (рис. 1).



Рис. 2. Модель кольцевого тока в ядре и магнитосфере Земли. Вид со стороны нулевого меридиана.

На основании исследованной модели намагниченного литосферного блока, испытывающего сейсмические воздействия, теоретические расчёты вариаций напряжённости

магнитной индукции в ближней зоне для намагниченных пород дали значения *порядка от единиц до десятков нТл* при землетрясениях с магнитудами m = 5 и m = 6, что согласуется с имеющимися наблюденными данными. Такие значения магнитной индукции регистрируются современной аппаратурой, что может позволить выполнить независимые оценки параметров разрыва в очаге землетрясения, в частности, очаговой длительности (2 $\tau$ ).

## Модель приливного воздействия на источники геомагнитного поля

Магнитное поле Земли, в соответствии с современными представлениями, порождается сложными МГД-процессами в жидком ядре Земли и токами, которые протекают в магнитосфере [6]. На основании этих представлений, в принятой нами модели сложные МГД-процессы в ядре Земли аппроксимируются кольцевым током, текущим, как предполагается, в плоскости экватора жидкого ядра. Кольцевые токи в магнитосфере, протекающие на расстояниях 2 – 7 радиусов Земли, считаются сосредоточенными в плоскости эклиптики (рис. 2).

В принятой модели предполагается, что источники геомагнитного поля Земли откликаются на приливные воздействия, и, как следствие, токовые контуры магнитосферы и ядра Земли деформируются, и тем самым порождают вариации геомагнитного поля с частотами приливных волн. В результате такой деформации ток будет течь по деформированному контуру. Исчезновение тока в недеформированном контуре и появление его в деформированном в масштабе планеты эквивалентно появлению составляющей геомагнитных вариаций с частотами приливных волн (рис. 3). Недеформированный токовый контур разобьём на элементы dl, каждый с током І. В результате приливных деформаций ядра и магнитосферы, каждый из элементов dl, недеформированного контура смещается на вектор **h** приливной деформации. Смещение из-за приливных деформаций элементов тока эквивалентно наложению на недеформированный контур замкнутых, заполняющих сегменты целиком, элементарных контуров с током I (один из элементарных контуров на рисунке заштрихован). Токи смежных сторон, соседних элементарных компенсируют друг друга. контуров. Аналогично, компенсируют друг друга ток недеформированного контура и наложенные на него токи всех элементарных контуров.



Рис. 3. Изменение формы токового контура в результате воздействия приливных волн.

Магнитный момент каждого элементарного контура рассчитывался по формуле  $\mathbf{dM} = \left[ \left( \mathbf{I} \cdot \mathbf{dI} \right) \times \left( \mathbf{h} \cdot \frac{\mathbf{r}_{\text{core}}}{\mathbf{r}_{\text{E}}} \right) \right] = \frac{\mathbf{I} \cdot \mathbf{r}_{\text{core}}}{\mathbf{r}_{\text{E}}} \left[ \mathbf{dI} \times \mathbf{h} \right], \quad \text{где } \mathbf{r}_{\text{core}} - \text{ радиус ядра Земли, } \mathbf{r}_{\text{E}} - \text{ радиус Земли.}$ 

Приливная составляющая магнитного поля, которая вычислялась как суммарный вклад всех элементарных контуров четырёх сегментов, и является источником геомагнитных вариаций с частотами приливных волн. Вектор приливных деформаций **h** оценивался следующим образом: во-первых, для каждой из приливных волн вектор **h** считался сонаправленным вектору приливной силы  $(-\nabla \mathbf{W})$  [4]; во-вторых, приливное смещение элементов поверхности жидкого ядра Земли и токовых элементов магнитосферы считались равными тем, какие были бы в полностью жидком

теле:  $\mathbf{h}_{z} = \mathbf{W}/\mathbf{g}$ , где  $\mathbf{g}$  – ускорение свободного падения, а система координат связана с точкой наблюдения [4] (ось X направлена на север, Y – на восток, Z – к центру Земли [6]). Вклад d **B** в магнитные вариации от каждого элементарного контура рассчитывался на основании закона Био– Савара–Лапласа [3],  $d\mathbf{B} = \frac{\mu}{4\pi} \cdot \frac{\mathbf{I} \cdot \mathbf{r}_{core}}{\mathbf{r}_{E}} \left( \frac{3\mathbf{r} \cdot ([\mathbf{d}\boldsymbol{l} \times \mathbf{h}] \cdot \mathbf{r})}{r^{5}} - \frac{[\mathbf{d}\boldsymbol{l} \times \mathbf{h}]}{r^{3}} \right)$ , где  $\mathbf{r}$  – радиус-вектор от точки наблюдения к токовому контуру. Полные вариации  $\mathbf{B} = \oint d\mathbf{B}$  вычислялись для разных фаз l

приливных волн  $O_1$  и  $M_2$  на всех широтах. Данная модель позволила оценить значения вариаций магнитной индукции для фаз приливных волн  $O_1$  и  $M_2$  на всех широтах.

Рассчитанные значения амплитуд вариаций на разных широтах от *источника*, находящегося *в ядре Земли*, составляют  $(0.5 \div 8.4) \cdot 10^4$  нТл при изменении фазы приливной волны  $M_2$  от 0 до  $2\pi$  и  $(0.5 \div 6.8) \cdot 10^{-4}$  нТл при изменении фазы приливной волны  $O_1$  в том же диапазоне. Рассчитанные значения вариаций магнитной индукции с периодом волны  $M_2$  в районе обсерватории «Паратунка» составили  $(1.2 \div 1.7) \cdot 10^{-4}$  нТл, а с периодом волны  $O_1$  соответственно  $(0.8 \div 1.4) \cdot 10^{-4}$  нТл. Вектор нормали плоскости годографа с периодом волны  $M_2$  имеет координаты  $n_{M2}$  (0.68; 0.49; -0.54), а с периодом волны  $O_1 - n_{O1}$  (0.44; 0.89; 0.11).

Рассчитанные значения геомагнитных вариаций для разных широт от *магнитосферного* источника при изменении от 0 до  $2\pi$  фазы приливной волны M<sub>2</sub> составляют  $0.1 \div 2.5$  нTл, а при таком же изменении фазы приливной волны O<sub>1</sub> соответственно  $0.1 \div 1.5$  нTл. Рассчитанные значения вариаций магнитной индукции в районе обсерватории «Паратунка» для фаз приливной волны M<sub>2</sub> составляют  $0.7 \div 1$  нTл, причём наибольшие значения соответствуют фазам  $\pi/2$  и  $3\pi/2$ , а наименьшие значения соответствуют фазам  $\pi$  и  $2\pi$ . Значения геомагнитных вариаций с периодом волны O<sub>1</sub> составляют  $0.3 \div 1$  нTл, где наибольшие значения соответствуют фазам  $\pi$  и  $2\pi$ , а наименьшие значения фазам  $\pi/2$  и  $3\pi/2$ . На рис. 4 приведены проекции рассчитанных годографов составляющих вектора магнитной индукции с периодами волн M<sub>2</sub> (рис. 4a) и O<sub>1</sub> (рис. 46) для геофизической обсерватории «Паратунка» ( $\phi = 52^{\circ}58.33'$ N,  $\lambda = 158^{\circ}15.02'$ E) за период 2001 - 2003 гг. Вектор нормали к плоскости годографа вектора геомагнитных вариаций с периодом приливной волны M<sub>2</sub> имеет координаты  $\mathbf{n}_{M2}$  (0.74; 0.49; 0.48), а с периодом приливной волны O<sub>1</sub> –  $\mathbf{n}_{O1}$  (0.79; -0.26; 0.56).



Рис. 4. Проекции годографов составляющих вектора магнитной индукции *a*) с периодом волны M<sub>2</sub>, *б*) с периодом волны O<sub>1</sub> для геофизической обсерватории «Паратунка» за период 2001-2003 гг. (источник вариаций расположен в магнитосфере Земли). Измерения по осям приведены в нТл.

В каждой точке земной поверхности годограф вектора вариаций магнитной индукции с периодами волн  $M_2$  и  $O_1$  имеет форму эллипса. Эллипс лежит в плоскости, ориентация которой в пространстве меняется в зависимости от географических координат точки наблюдения. В результате исследования разработанной модели приливного воздействия на источники магнитного поля Земли установлено, что оцененные значения вариаций от магнитосферных токов на четыре порядка выше вариаций от источника, расположенного в ядре Земли. Компоненты рассчитанного вектора магнитной индукции с периодами приливных волн  $O_1$  и  $M_2$  зависят от координат точки наблюдения и источников вариаций.

### Выводы

В настоящей работе разработаны и проанализированы модели источников электромагнитных излучений, расположенных в литосфере, ядре и магнитосфере Земли.

На основании анализа рассчитанных значений геомагнитных вариаций установлено, что возможны регистрация и выделение геомагнитных вариаций от литосферного и магнитосферного источников. Теоретические оценки значений косейсмических вариаций имеют порядок от единиц до десятков нТл, а оценки геомагнитных вариаций с частотами приливных волн имеют порядок  $0.1 \div 2$  нТл. Регистрируемый сигнал, после выделения планетарного вклада, может быть использован для выделения прогностических признаков и получения информации о процессах в очагах.

#### Список литературы

1. Гохберг М.Б., Моргунов В.А., Похотелов О.А. Сейсмоэлектромагнитные явления. М.: Наука, 1988. 174 с. 2. Гусев А.А., Мельникова В.Н. Связь между магнитудами – среднемировые и для Камчатки // Физика Земли. 1990. № 6. С. 55–63.

3. Ландау Л.Д., Лифшиц Е. Теория поля. М.: Гостехиздат, 1941. 283 с.

4. Мельхиор П. Земные приливы. М.: Мир, 1968. 374 с.

5. Физические свойства горных пород и полезных ископаемых (петрофизика). Справочник геофизика / Под редакцией д.г.-м.н. Н. Б. Дортман. М.: Недра, 1984. 455 с.

6. Яновский Б.М. Земной магнетизм. Л., 1978. 592 с.